

РГР №14 Группа №109 Вариант №1

- 1) Вычислить:  $\int \frac{(x+20)dx}{\sqrt{x^2+2x+10}}$
- 2) Найти интеграл:  $\int \arcsin 5x dx$
- 3) Найти площадь, ограниченную линиями:  $y = x^2 - 2x$ ;  $y = 9x$
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $x\sqrt{1+y^2} + yy'\sqrt{1+x^2} = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $4y' = \frac{y^2}{x^2} + 10\frac{y}{x} + 5$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - y \cos x = \sin 2x$ ,  $y(0) = -1$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - 6y'' + 9y'' = 3x - 1$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' - 4y' + 4y = e^{2x} \sin 4x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №2

- 1) Вычислить:  $\int \frac{28}{3}x\sqrt[3]{2x+28} dx$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{18x+8}{\sin^2 x} dx$
- 3) Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:  $y = 28 - x^2$ ,  $y = 12x$
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $\sqrt{4-x^2}y' + xy^2 + x = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = \frac{3y^3+10yx^2}{2y^2+6x^2}$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + 2xy = -2x^3$ ,  $y(1) = e^{-1}$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - y'' = 6x^2 + 3x$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' - 4y' + 8y = e^x(-\sin x + 2\cos x)$

РГР №14 Группа №109 Вариант №3

- 1) Найти интеграл:  $\int \frac{\sin x}{(1-2\cos x)^2} dx$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{13x+2}{\sin^2 x} dx$
- 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 11$ ,  $x + y = 17$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $(8+e^x)dy - ye^x dx = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $3y' = \frac{y^2}{x^2} + 8\frac{y}{x} + 4$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - \frac{(2x-5)y}{x^2} = 5$ ,  $y(2) = 4$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' + 2y'' + y'' = x^2 + x - 1$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + y = 2\cos 4x + 3\sin 4x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №4

- 1) Найти интеграл:  $\int \frac{e^{5-3\tg x}}{\cos^2 x} dx$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{15x+7}{\sin^2 x} dx$
- 3) Найти площадь, ограниченную линиями:  $y = x^2 - 5x$ ;  $y = 4x$
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y(1 + \ln y) + xy' = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = \frac{3y^3+6yx^2}{2y^2+3x^2}$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - \frac{y}{x} = x \sin x$ ,  $y(\frac{\pi}{2}) = 1$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' + y'' = 49 - 24x^2$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' - 4y' + 4y = e^{2x} \sin 6x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №5

- 1) Вычислить:  $\int \frac{112}{3}x\sqrt[3]{4x+40} dx$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{9x+17}{\sin^2 x} dx$
- 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 7$ ,  $x + y = 9$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y \ln y + xy' = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = \frac{3y^3+12yx^2}{2y^2+6x^2}$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + y \cos x = 0.5 \sin 2x$ ,  $y(0) = 0$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - y'' = 6x^2 + 3x$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' = 6e^x(\sin x + \cos x)$

РГР №14 Группа №109 Вариант №6

- 1) Найти интеграл:  $\int \frac{1}{x\sqrt[3]{7-3\ln x}} dx$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{12x+14}{\sin^2 x} dx$
- 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 18$ ,  $x + y = 20$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $\sqrt{5-y^2}dx - y\sqrt{1-x^2}dy = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = 2\sqrt{x^2+y^2} + y$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - 3yx^2 = \frac{x^2(1+x^3)}{3}$ ,  $y(0) = 0$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - 3y'' + 3y'' - y' = 2x$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 6y' + 13y = e^{-3x} \cos x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №7

- 1) Вычислить:  $\int \frac{120(17 + 12\tg x)^9}{\cos^2 x} dx$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{13x + 11}{\sin^2 x} dx$
- 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 3$ ,  $x + y = 5$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $\sqrt{3 + y^2}dx - ydy = x^2ydy$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = 3\sqrt{2x^2 + y^2} + y$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - \frac{y}{x} = \frac{-8}{x^2}$ ,  $y(1) = 4$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' + 3y'' + 2y' = 3x^2 + 2x$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' + 5y = 10 \cos x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №8

- 1) Вычислить:  $\int \frac{(x + 7)dx}{x^2 + 2x + 26}$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{8x + 8}{\sin^2 x} dx$
- 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 3$ ,  $x + y = 5$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $2x + 2xy^2 + \sqrt{2 - x^2}y' = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = 4\sqrt{2x^2 + y^2} + y$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - 4xy = -4x^3$ ,  $y(0) = -\frac{1}{2}$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''''' - y''''' = 2x + 3$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' + 5y = -17 \sin 2x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №9

- 1) Найти интеграл:  $\int \frac{x^2}{(2 - 5x^3)^2} dx$
- 2) Найти интеграл:  $\int (x^2 - 3) \ln x dx$
- 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 11$ ,  $x + y = 23$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y(4 + e^x)dy - e^x dx = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = 2\sqrt{3x^2 + y^2} + y$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - \frac{y}{x+1} = e^x(x + 1)$ ,  $y(0) = 1$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $3y''''' + y''''' = 6x - 1$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' - 4y' + 8y = e^x(3 \sin x + 5 \cos x)$

РГР №14 Группа №109 Вариант №10

- 1) Вычислить:  $\int \frac{68(15 + 4\tg x)^{16}}{\cos^2 x} dx$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{2x + 19}{\sin^2 x} dx$
- 3) Найти площадь, ограниченную линиями:  $y = x^2 - 4x$ ;  $y = 7x$
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $\sqrt{4 + y^2}dx - ydy = x^2ydy$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = \frac{3y^3 + 14yx^2}{2y^2 + 7x^2}$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + \frac{y}{x} = 3x$ ,  $y(1) = 1$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'''' + 3y'' + 2y' = 1 - x^2$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' = 3e^x(\sin x + \cos x)$

РГР №14 Группа №109 Вариант №11

- 1) Вычислить:  $\int \frac{44(14 + 11\tg x)^3}{\cos^2 x} dx$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{9x + 17}{\sin^2 x} dx$
- 3) Найти площадь, ограниченную линиями:  $y = x^2 + 11x$ ;  $y = 2x$
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $x\sqrt{1 + y^2} + yy'\sqrt{1 + x^2} = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y' = \frac{x^2 + 3yx - y^2}{3x^2 - 2xy}$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + \frac{y}{x} = \sin x$ ,  $y(\pi) = \frac{1}{\pi}$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'''' + 2y'''' + y'' = 2 - 3x^2$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' - 4y' + 4y = e^{2x} \sin 4x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №12

- 1) Вычислить:  $\int \frac{(x + 13)dx}{\sqrt{x^2 + 6x + 15}}$
- 2) Найти интеграл:  $\int (3x + 5)e^{2-x} dx$
- 3) Найти площадь, ограниченную линиями:  $y = x^2 - 6x$ ;  $y = 5x$
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $\sqrt{1 - x^2}y' + xy^2 + x = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = \sqrt{x^2 + y^2} + y$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + \frac{2y}{x} = x^3$ ,  $y(1) = -\frac{5}{6}$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''''' + 4y''''' + 4y'' = x - x^2$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 6y' + 13y = e^{-3x} \cos 5x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №13

- 1) Вычислить:  $\int \frac{28}{3}x\sqrt[3]{2x+12} dx$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{12x+3}{\sin^2 x} dx$
- 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 12$ ,  $x + y = 14$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $(3 + e^x)yy' = e^x$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $2y' = \frac{y^2}{x^2} + 3 + 6\frac{y}{x}$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + \frac{3y}{x} = \frac{2}{x^3}$ ,  $y(1) = 1$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - 4y'' = 32 - 384x^2$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + y = 2\cos 7x + 3\sin 7x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №14

- 1) Найти интеграл:  $\int \frac{e^x}{1-5e^{2x}} dx$
- 2) Найти интеграл:  $\int \ln(4x-3) dx$
- 3) Найти площадь, ограниченную линиями:  $y = x^2 + 19x$ ;  $y = 5x$
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $(5 + e^{2x})dy + ye^{2x}dx = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y' = \frac{y^2}{x^2} - 6\frac{x}{y} + 6$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - \frac{y}{x} = -\frac{\ln x}{x}$ ,  $y(1) = 1$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - 5y'' + 6y' = (x-1)^2$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' + 5y = -\cos x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №15

- 1) Вычислить:  $\int \frac{448}{3}x\sqrt[3]{8x+32} dx$
- 2) Найти интеграл:  $\int (x^2 - 3) \ln x dx$
- 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 18$ ,  $x + y = 24$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $2xdx - 2ydy = x^2ydy - 2xy^2dx$
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y' = \frac{x^2+xy-5y^2}{x^2-6yx}$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - \frac{y}{x} = \frac{-2\ln x}{x}$ ,  $y(1) = 1$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' + y'' = 5x^2 - 1$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' - 4y' + 4y = -e^{2x} \sin 4x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №16

- 1) Вычислить:  $\int \frac{(x+13)dx}{x^2+6x+26}$
- 2) Найти интеграл:  $\int (x^2 - 3) \ln x dx$
- 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 3$ ,  $x + y = 15$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $x\sqrt{3+y^2}dx + y\sqrt{2+x^2}dy = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y' = \frac{x+2y}{2x-y}$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + \frac{(1-2x)y}{x^2} = 1$ ,  $y(1) = 1$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - 13y'' + 12y' = x - 1$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' = -2e^x(\sin x + \cos x)$

РГР №14 Группа №109 Вариант №17

- 1) Вычислить:  $\int \frac{320(4+16\tg x)^{19}}{\cos^2 x} dx$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{9x+8}{\sin^2 x} dx$
- 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 3$ ,  $x + y = 15$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $4xdx - 3ydy = 3x^2ydy - 2xy^2dx$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y' = \frac{x^2+xy-3y^2}{x^2-4xy}$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - \frac{2xy}{1+x^2} = 1 + x^2$ ,  $y(1) = 3$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - y' = 3x^2 - 2x + 1$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' - 4y' + 8y = e^x(5\sin x - 3\cos x)$

РГР №14 Группа №109 Вариант №18

- 1) Вычислить:  $\int \frac{(x+18)dx}{x^2+8x+29}$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{18x+14}{\sin^2 x} dx$
- 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 11$ ,  $x + y = 17$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $4xdx - 3ydy = 3x^2ydy - 2xy^2dx$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $3y' = \frac{y^2}{x^2} + 10\frac{y}{x} + 10$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + \operatorname{tg} x = \cos^2 x$ ,  $y(\frac{\pi}{4}) = \frac{1}{2}$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' + y''' = x$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' + 5y = -\sin 2x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №19

- 1) Найти интеграл:  $\int \frac{x}{2+x^4} dx$
  - 2) Найти интеграл:  $\int \frac{1-2x}{\cos^2 x} dx$
  - 3) Найти площадь, ограниченную линиями:  $y = x^2 + 18x$ ;  $y = 4x$
  - 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $6xdx - 6ydy = 3x^2ydy - 2xy^2dx$ .
  - 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y' = \frac{x^2+xy-y^2}{x^2-2yx}$
  - 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - \frac{2y}{x+1} = e^x(1+x)^2$ ,  $y(0) = 1$
  - 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'''' - y''' = 2x + 3$
  - 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 6y' + 13y = e^{3x} \cos x$
- 

РГР №14 Группа №109 Вариант №20

- 1) Найти интеграл:  $\int \frac{x^3}{2+x^8} dx$
  - 2) Найти интеграл:  $\int \ln(4x-3) dx$
  - 3) Найти площадь, ограниченную линиями:  $y = x^2 + 18x$ ;  $y = 2x$
  - 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $(1+e^x)y' = ye^x$ .
  - 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = 3\sqrt{2x^2 + y^2} + y$
  - 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + 2xy = e^{-x^2} x \sin x$ ,  $y(0) = 1$
  - 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $7y''' - y'' = 12x$
  - 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' - 4y' + 8y = e^x(-3 \sin x + 4 \cos x)$
- 

РГР №14 Группа №109 Вариант №21

- 1) Вычислить:  $\int \frac{108(7+9\tg x)^{11}}{\cos^2 x} dx$
  - 2) Найти интеграл:  $\int \frac{1-2x}{\cos^2 x} dx$
  - 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 6$ ,  $x + y = 12$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
  - 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $\sqrt{3+y^2} + \sqrt{1-x^2}yy' = 0$ .
  - 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = \frac{3y^3+2yx^2}{2y^2+x^2}$
  - 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - y \cos x = -\sin 2x$ ,  $y(0) = 3$
  - 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'''+3y''+2y'=x^2+2x+3$
  - 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' - 4y' + 4y = -e^{2x} \sin 4x$
- 

РГР №14 Группа №109 Вариант №22

- 1) Вычислить:  $\int \frac{42(4+14\tg x)^2}{\cos^2 x} dx$
  - 2) Вычислить:  $\int \frac{18x+8}{\sin^2 x} dx$
  - 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 4$ ,  $x + y = 16$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
  - 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $6xdx - ydy = yx^2dy - 3xy^2dx$ .
  - 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y' = \frac{x^2+3yx-y^2}{3x^2-2xy}$
  - 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + \frac{y}{2x} = x^2$ ,  $y(1) = 1$
  - 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - 5y'' + 6y' = 6x^2 + 2x - 5$
  - 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' = e^x(\sin x + \cos x)$
- 

РГР №14 Группа №109 Вариант №23

- 1) Вычислить:  $\int \frac{304(7+19\tg x)^{15}}{\cos^2 x} dx$
  - 2) Вычислить:  $\int \frac{2x+6}{\sin^2 x} dx$
  - 3) Найти площадь, ограниченную линиями:  $y = x^2 - 3x$ ;  $y = 7x$
  - 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $6xdx - 6ydy = 2x^2ydy - 3xy^2dx$ .
  - 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $2y' = \frac{y^2}{x^2} + 8\frac{y}{x} + 8$
  - 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - \frac{y}{x} = x^2$ ,  $y(1) = 0$
  - 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - 5y'' + 6y' = 6x^2 + 2x - 5$
  - 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' - 4y' + 8y = e^x(3 \sin x + 5 \cos x)$
- 

РГР №14 Группа №109 Вариант №24

- 1) Вычислить:  $\int \frac{112}{3}x\sqrt[3]{4x+28} dx$
  - 2) Вычислить:  $\int \frac{14x+1}{\sin^2 x} dx$
  - 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 15$ ,  $x + y = 21$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
  - 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $(1+e^x)yy' = e^x$ .
  - 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y' = \frac{y^2}{x^2} + 8\frac{y}{x} + 12$
  - 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + \frac{3y}{x} = \frac{2}{x^3}$ ,  $y(1) = 1$
  - 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - y' = x^2 + x$
  - 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' + 5y = 10 \cos x$
-

РГР №14 Группа №109 Вариант №25

- 1) Найти интеграл:  $\int \frac{e^x}{\sqrt{3+4e^x}} dx$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{16x+4}{\sin^2 x} dx$
- 3) Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:  $y = 17 - x^2$ ,  $y = 16x$
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $3y(1+x^2)dy + \sqrt{2+y^2}dx = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y' = \frac{x^2+2yx-y^2}{2x^2-2yx}$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + \frac{2yx}{1+x^2} = 2\frac{x^2}{1+x^2}$ ,  $y(0) = \frac{2}{3}$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - 2y'' = 3x^2 + x - 4$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' - 4y' + 4y = e^{2x} \sin 5x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №26

- 1) Вычислить:  $\int \frac{(x+12)dx}{x^2+8x+21}$
- 2) Найти интеграл:  $\int (3x+5)e^{2-x} dx$
- 3) Найти площадь, ограниченную линиями:  $y = x^2 - 3x$ ;  $y = 5x$
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $2xdx - ydy = y^2dy - xy^2dx$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y' = \frac{y^2}{x^2} + 2 + 4\frac{y}{x}$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - \frac{2y}{x+1} = (x+1)^3$ ,  $y(0) = \frac{1}{2}$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'''' - 2y''' + y'' = 2x(x-1)$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' = 10e^x(\sin x + \cos x)$

РГР №14 Группа №109 Вариант №27

- 1) Вычислить:  $\int \frac{(x+20)dx}{\sqrt{x^2+2x+6}}$
- 2) Найти интеграл:  $\int (2-5x)\sin 2x dx$
- 3) Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:  $y = 28 - x^2$ ,  $y = 12x$
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $2x + 2xy^2 + \sqrt{2-x^2}y' = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = \frac{3y^3+8yx^2}{2y^2+4x^2}$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + \frac{y}{x} = \frac{(x+1)e^x}{x}$ ,  $y(1) = e$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'''' + 2y''' + y'' = 12x^2 - 6x$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' + 5y = -2 \sin x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №28

- 1) Вычислить:  $\int \frac{1792}{3} x^3 \sqrt[3]{16x+56} dx$
- 2) Найти интеграл:  $\int (2-5x)\sin 2x dx$
- 3) Найти площадь, ограниченную линиями:  $y = x^2 + 18x$ ;  $y = 4x$
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $1 + y'y\sqrt{\frac{1-x^2}{1-y^2}} = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = 3\sqrt{x^2+y^2} + y$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + \frac{(1-2x)y}{x^2} = 1$ ,  $y(1) = 1$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - y'' = 6x + 5$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' - 4y' + 4y = -e^{2x} \sin 6x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №29

- 1) Вычислить:  $\int \frac{28}{3} x^3 \sqrt[3]{2x+20} dx$
- 2) Вычислить:  $\int \frac{5x+16}{\sin^2 x} dx$
- 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 19$ ,  $x + y = 31$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $x(4+y^2)dx + y(1+x^2)dy = 0$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y' = \frac{x+y}{x-y}$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + \frac{xy}{2(1-x^2)} = \frac{x}{2}$ ,  $y(0) = \frac{2}{3}$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - y'' = 4x^2 - 3x + 2$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' + 5y = -17 \sin 2x$

РГР №14 Группа №109 Вариант №30

- 1) Вычислить:  $\int \frac{448}{3} x^3 \sqrt[3]{8x+64} dx$
- 2) Найти интеграл:  $\int \frac{\ln x}{x^3} dx$
- 3) Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:  $y = 48 - x^2$ ,  $y = 8x$
- 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $2xdx - ydy = yx^2dy - xy^2dx$ .
- 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $2y' = \frac{y^2}{x^2} + 8\frac{y}{x} + 8$
- 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - y \operatorname{ctg} x = 2x \sin x$ ,  $y(\frac{\pi}{2}) = 0$
- 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'''' - 3y''' + 3y'' - y' = x - 3$
- 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 2y' = 4e^x(\sin x + \cos x)$

РГР №14 Группа №109 Вариант №31

- 1) Вычислить:  $\int \frac{304(8 + 16\tg x)^{18}}{\cos^2 x} dx$
  - 2) Найти интеграл:  $\int \ln(4x - 3) dx$
  - 3) Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:  $y = 90 - x^2$ ,  $y = 9x$
  - 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $6xdx - 2ydy = 2yx^2dy - 3xy^2dx$ .
  - 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $y' = \frac{y^2}{x^2} + 8\frac{y}{x} + 12$
  - 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + 2xy = -2x^3$ ,  $y(1) = e^{-1}$
  - 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - y'' = 5(x - 2)^2$
  - 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + y = 2\cos 7x - 3\sin 7x$
- 

РГР №14 Группа №109 Вариант №32

- 1) Вычислить:  $\int \frac{28}{3}x\sqrt[3]{2x+36} dx$
  - 2) Найти интеграл:  $\int \arcsin 5x dx$
  - 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 2$ ,  $x + y = 14$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
  - 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $x\sqrt{5+y^2}dx + y\sqrt{4+x^2}dy = 0$ .
  - 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = \frac{3y^3+4yx^2}{2y^2+2x^2}$
  - 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - y \cos x = -\sin 2x$ ,  $y(0) = 3$
  - 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y''' - 13y'' + 12y' = 18x^2 - 39$
  - 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + y = 2\cos 5x + 3\sin 5x$
- 

РГР №14 Группа №109 Вариант №33

- 1) Вычислить:  $\int \frac{153(5 + 9\tg x)^{16}}{\cos^2 x} dx$
  - 2) Найти интеграл:  $\int \arcsin 5x dx$
  - 3) Найти площадь, ограниченную линиями:  $y = x^2 + 12x$ ;  $y = 3x$
  - 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $\sqrt{5+y^2}dx + 4y(1+x^2)dy = 0$ .
  - 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = 4\sqrt{x^2+y^2} + y$
  - 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - \frac{y}{x+2} = x^2 + 2x$ ,  $y(-1) = \frac{3}{2}$
  - 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'''' - 3y''' + 3y'' - y' = 2x$
  - 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' - 4y' + 4y = e^{2x} \sin 3x$
- 

РГР №14 Группа №109 Вариант №34

- 1) Вычислить:  $\int \frac{(x + 17)dx}{\sqrt{x^2 + 8x + 23}}$
  - 2) Найти интеграл:  $\int \frac{\ln x}{x^3} dx$
  - 3) Вычислить объем тела, получающегося вращением фигуры, ограниченной линиями  $y = x^2 + 4$ ,  $x + y = 16$ ,  $x = 0$ ,  $y = 0$ , вокруг оси Ох
  - 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $3y(1 + x^2)dy + \sqrt{2 + y^2}dx = 0$ .
  - 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = \frac{3y^3+10yx^2}{2y^2+6x^2}$
  - 6) Найти решение задачи Коши:  $y' - \frac{2xy}{1+x^2} = 1 + x^2$ ,  $y(1) = 3$
  - 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'''' - 2y''' + y'' = 2x(x - 1)$
  - 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + y = 2\cos 3x - 3\sin 3x$
- 

РГР №14 Группа №109 Вариант №35

- 1) Вычислить:  $\int \frac{(x + 14)dx}{x^2 + 4x + 21}$
  - 2) Вычислить:  $\int \frac{16x+2}{\sin^2 x} dx$
  - 3) Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:  $y = 48 - x^2$ ,  $y = 13x$
  - 4) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xdx - ydy = yx^2dy - xy^2dx$ .
  - 5) Найти общий интеграл дифференциального уравнения:  $xy' = \sqrt{2x^2 + y^2} + y$
  - 6) Найти решение задачи Коши:  $y' + xy = -x^3$ ,  $y(0) = 3$
  - 7) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'''' + 2y''' + y'' = 4x^2$
  - 8) Найти общее решение дифференциального уравнения:  $y'' + 6y' + 13y = e^{-3x} \cos 8x$
-