

## Вариант 4

### Контрольная работа

**Задача 1.** Исследовать данную функцию  $z = f(x, y)$  на экстремум и вычислить значение функции в точках экстремума:

$$z = x^2 + xy + y^2 - 13x - 11y + 17,$$

**Задача 2.** Дано уравнение поверхности в виде  $F(x, y, z) = 0$  или  $z = f(x, y)$ . Требуется составить уравнение касательной плоскости к данной поверхности в точке  $M_0(x_0, y_0, z_0)$ , если абсцисса  $x_0$  и ордината  $y_0$  заданы. Найти также аппликату  $z_1$  точки  $M_1(x_1, y_1, z_1)$ , лежащей на этой касательной плоскости, если даны абсцисса  $x_1$  и ордината  $y_1$  точки  $M_1$ :

$$xyz + x^2z - 2x - y + 3 = 0, M_0(-2; 3; z_0), M_1\left(\frac{1}{2}; 1; z_1\right).$$

**Задача 3.** Вычислить объем тела, ограниченного указанными поверхностями. Область интегрирования изобразить на чертеже.

$$z = 4 - y^2, \quad x = 4 - 2y, \quad x = 0, \quad y = 0, \quad z = 0.$$